

# Gabarito

## Física Frente 02

### Módulo 09

#### 01 – (UFTM-MG)

**Gab:** D

Resolução:

$$E = Pt \Rightarrow t = \frac{E}{P} = \frac{130 \cdot 10^3}{100} = 13 \cdot 10^2 = 1300 \text{ h ou aproximadamente 54 dias}$$

#### 02 - (UFPR PR)

**Gab:** A

Resolução:

$$E_{\text{total}} = 12E_{\text{mes}} = 12 \cdot 41,6 = 499,2 \text{ KWh}$$

$$1 \text{ KWh} \rightarrow R\$0,25$$

$$499,2 \text{ KWh} \rightarrow X$$

$$X = 499,2 \cdot 0,25 \Rightarrow R\$124,8$$

#### 03 - (UFG GO)

**Gab:** A

Resolução:

$$P_1 = 600 \text{ W ( seis lâmpadas incandescentes )}$$

$$P_2 = 0,25 \cdot 600 = 150 \text{ W ( seis lâmpadas fluorescentes )}$$

$$P' = \frac{150}{6} = 25 \text{ W ( potência de cada lâmpada fluorescente )}$$

$$U = \frac{P}{i} = \text{cte} \Rightarrow \frac{P_1}{i_1} = \frac{P_2}{i_2} \Rightarrow i_2 = \frac{P_2 i_1}{P_1} = \frac{150 \cdot i_1}{600} = \frac{i_1}{4}, \text{ portanto a corrente total fica quatro vezes menor, ou seja, reduz em 25\%.}$$

$$P = np' \Rightarrow n = \frac{600}{25} = 24 \text{ LFCs que o fusível suporta}$$

#### 04 - (UFMS)

**Gab:** C

Resolução

**Gasto de energia com o ferro elétrico ( custo em um mês )**

$$E = P t \Rightarrow E_{\text{ferro elétrico}} = 1750 \cdot 10 = 17500 \text{ Wh ou } 17,5 \text{ kWh.}$$

**Custo médio**

1 kWh → R\$ 0,60

17,5kWh → X

X = R \$ 10,50

Para o aparelho de TV

$$E = P t \Rightarrow E_{TV} = 250 \cdot 90 = 22500 \text{ Wh ou } 22,5 \text{ kWh}$$

Custo mensal

1 kWh → R \$ 0,60

22,50kWh → X

X = R\$ 13,50.

Agora, a energia elétrica consumida pelo chuveiro elétrico.

$$E = P t \Rightarrow E_{chuveiro} = 4000 \cdot 6 = 24000 \text{ Wh ou } 24 \text{ kWh.}$$

Custo mensal do chuveiro.

1 kWh → R\$ 0,60

24 kWh → X

X = R\$ 14,40.

**05 - (UEPB)**

Gab : D

Resolução

De acordo com gráfico o pico de consumo de energia ocorre entre 18 e 20 horas , neste intervalo de tempo a potência consumida é de 5,5 kW.

Então , a corrente total máxima que o fusível deve suportar é:

$$P = U I \Rightarrow I = \frac{P}{U} = \frac{5500}{220} = 25,0 \text{ A}$$

Cálculo da energia consumida ao longo do dia.

$$E = P t \Rightarrow E = 1 \cdot 1 + 4 \cdot 2 + 0,5 \cdot 2 + 0,5 \cdot 4 + 5,5 \cdot 2 + 2 \cdot 2 + 1 \cdot 2 = 29,0 \text{ kWh}$$

**06 - (UFTM)**

Gab:C

Resolução:

$$P = U i \Rightarrow i = \frac{P}{U} = \frac{6000}{220} \Rightarrow i \cong 27A, \text{ Logo, os disjuntores que serão colocados são de } 30 \text{ A}$$

**07 - (UFRN- RN)**

**Resolução:**

a) De acordo com a lei de OHM , temos

$$U = R I = 0 \text{ Volt } ( I = 0 )$$

b) Como a ddp do chuveiro é nula , toda ddp estará no interruptor, ou seja, a ddp entre os pontos 3 e 4 é de 220 volts

c) Quando o chuveiro está na posição V (verão), a corrente que circula no circuito é determinada por:

$$I_i = \frac{P_V}{V} = \frac{2.200 \text{ Watt}}{220 \text{ Volt}} = 10 \text{ A}$$

Quando o chuveiro está na posição I (inverno), a corrente que circula no circuito é determinada por:

$$I_I = \frac{P_I}{V} = \frac{4.400 \text{ Watt}}{220 \text{ Volt}} = 20 \text{ A}$$

De acordo com os resultados acima, o disjuntor estaria bem dimensionado para a posição de Verão, mas não estaria para a posição Inverno.

Portanto, conclui-se que o disjuntor não está bem dimensionado, uma vez que ele suporta, no máximo, uma corrente de 15 A, desligando-se sempre que o chuveiro for ligado na posição Inverno.

**08 - ( UFTM)**

**Gab:** a) 600 J      b) 2,8 min.

**Resolução**

a)  $E = P t = 50.180=9000\text{J}$ ( energia dissipada pela lâmpada)

$$Q = m c \Delta \theta = 600 \cdot 1 \cdot 3,5 \cdot 4$$

$$Q = 8400 \text{ J } ( \text{ energia absorvida pela água} )$$

$$E ( \text{ transmitida ao exterior} ) = E - Q$$

$$E ( \text{ exterior } ) = 9000 - 8400 = 600 \text{ J}$$

b)

$$E = P t \Rightarrow t = \frac{E}{P} = \frac{600 \cdot 1 \cdot 3,5 \cdot 4}{50} \Rightarrow$$

$$T = 168 \text{ segundos ou } 2,8 \text{ min}$$

**09 - (Unicamp)**

**Gab:** a) 450W    b) 1,5kWh    c) R\$13,50/

**Resolução:**

a)  $n = 3000.0,3=900$  lâmpadas acesas

$$P = n P' = 900.0,5 = 450\text{W}$$

b) Tempo útil = 0,25 tempo total = 0,25.4=1h

$$E = P t = 3000 \cdot 0,5 \cdot 1 = 1500\text{Wh} = 1,5 \text{ kWh}$$

c) Energia gasta em 30 dias = 1,5 . 30 = 45kWh

1 KWh → R\$0,30

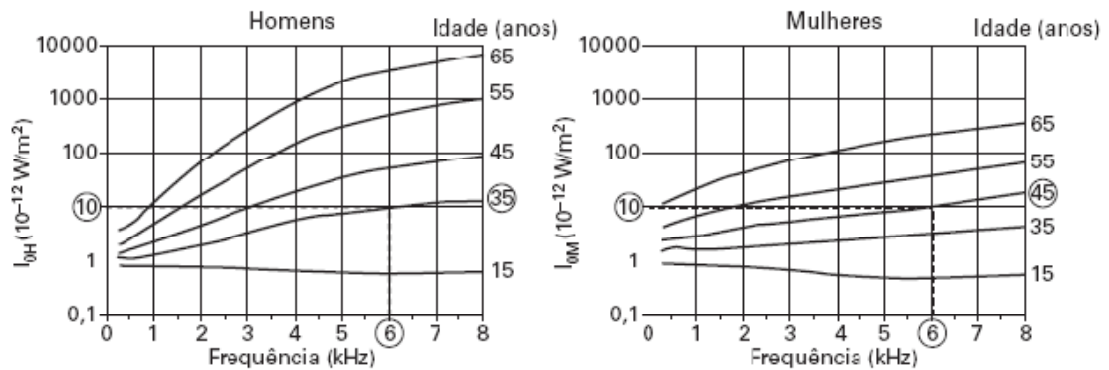
45 KWh → X

X = R\$ 13,50 .

10

**Resolução:**

a) Observando-se que  $I_{0H} = I_{0M} = 10^{-11} \text{ W/m}^2 = 10 \cdot 10^{-12} \text{ W/m}^2$ , temos:



Dos gráficos: Homens: 35 anos  
Mulheres: 45 anos

b) Do enunciado:

- $P_S = 0,3 \cdot 10^{-3} \text{ W} = 3 \cdot 10^{-4} \text{ W}$
- $V_S = 50 \cdot V_e = 50 \cdot 10 \cdot 10^{-3} \text{ V} = 5 \cdot 10^{-1} \text{ V}$

A partir da definição de potência elétrica, temos:

$$\begin{aligned} P_S &= V_S \cdot i_S \\ 3 \cdot 10^{-4} &= 5 \cdot 10^{-1} \cdot i_S \\ i_S &= 6 \cdot 10^{-4} \text{ A} \end{aligned}$$

**Módulo 10**

01 - (UEL) al?

Gab: C

Resolução:

Aplicando a segunda lei de Ohm nas duas situações, obtemos:

$$R = \frac{PL}{\pi D^2} (1)$$

4

$$R' = \frac{PL}{2\pi D^2} = \frac{2PL}{\pi D^2} \quad (2)$$

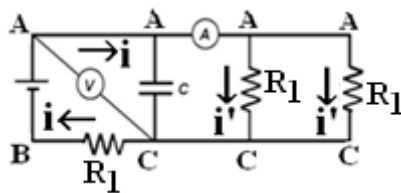
Comparando 1 e 2, obtemos:

$$R' = 2R \Rightarrow \frac{R}{R'} = \frac{1}{2}$$

## 02 - (UFU)

Gab: B.

Resolução



A- (F) A ddp de  $R_2$  é a própria leitura do voltímetro (ambos ligados entre A e C)

Sabemos que:  $P=U.i$ . Logo,  $i' = \frac{P_2}{U} = \frac{36 \cdot 10^{-3}}{12} = 3 \cdot 10^{-3} \text{ A}$

Como  $i = 2.i' \Rightarrow i = 2 \cdot 3 \cdot 10^{-3} = 6 \cdot 10^{-3} \text{ A}$  (que é a leitura do amperímetro). Alternativa falsa

B-(V)  $Q = CU$  (equação que fornece a carga do capacitor). A ddp do capacitor é de 12V (ligado entre A e C)  $\Rightarrow Q = 6 \cdot 10^{-12} \cdot 12 = 7,2 \cdot 10^{-11} \text{ C}$ . Alternativa é verdadeira

C-(F)  $R_2 = 2R_1 \Rightarrow \frac{U_2}{i'} = \frac{2U_1}{i} \Rightarrow U_1 = \frac{U_2 \cdot i}{2i'} \Rightarrow U_1 = \frac{12 \cdot 6 \cdot 10^{-3}}{2 \cdot 3 \cdot 10^{-3}} \Rightarrow U_1 = 12 \text{ V}$ . Alternativa Falsa.

D-(F)  $P_1 = U_1 \cdot i = 12 \cdot 6 \cdot 10^{-3} = 72 \cdot 10^{-3} \text{ W} = 72 \text{ mW}$ . Portanto,  $P_1 > P_2$ . Alternativa Falsa.

## 03 - (UFC-CE)

Gab: e

Resolução:

O brilho da lâmpada é proporcional a potência dissipada

$P = \frac{U^2}{R} \Rightarrow U^2 = PR = \text{constante}$ , logo a potência dissipada e a resistência são inversamente proporcionais. Então,  $P_1 R_1 = P_2 R_2$

$\Rightarrow P_1 \frac{\rho \cdot L}{A_1} = P_2 \frac{\rho L}{A_2} \Rightarrow P_1 A_2 = P_2 A_1$ , como  $A_1 > A_2$ , conclui-se que  $P_1 > P_2$  ou  $R_1 < R_2$ , portanto a lâmpada que brilhará mais é a  $L_1$ .

## 04 - (Mackenzie)

Gab: d

Resolução

Calculo da resistência de cada lâmpada

$$P = \frac{U^2}{R} \Rightarrow R = \frac{U^2}{P} = \frac{6.6}{0,5} \Rightarrow R = 72\Omega$$

A corrente que passa em cada lâmpada

$$U = R \cdot i \Rightarrow U = 72i \Rightarrow i = \frac{6}{72} = \frac{1}{12} A$$

Corrente total:

$$I = 3i = 3 \cdot \frac{1}{12} = \frac{1}{4} A,$$

Que é a corrente que passa por R, , ou

$$P = U \cdot i \Rightarrow i = \frac{P}{U} \Rightarrow i = \frac{1,5}{6} = \frac{1}{4} A$$

Logo ,

$$U = Ri \Rightarrow 12 \cdot 6 = R \frac{1}{4} \Rightarrow 6 = \frac{R}{4} \Rightarrow R = 24\Omega$$

#### 05 - (FATEC SP)

**Gab:** E

#### **Resolução**

A resistência equivalente na primeira situação é menor

$$R_{eq} = \frac{R}{3} \quad (1) \quad e \quad R'_{eq} = \frac{R \cdot 2R}{3R} = \frac{2R}{3} \quad (2) \quad . \text{Comparando (1) e (2), temos :}$$

$$R'_{eq} > R_{eq}$$

Mas ,  $P = \frac{U^2}{R} \Rightarrow U^2 = PR = \text{constante}$ , logo, P e R são inversamente proporcional. Então, a potência dissipada na segunda situação é menor, pois a resistência equivalente na segunda situação é maior. A energia dissipada pelo secador é  $E = Pt = \text{constante}$ , portanto potência menor, tempo de secagem maior

#### 06 – (UFSCar-SP)

**Gab:** a

#### Resolução:

$$\text{Dados : } L_1 = 2L_2, \quad d_2 = 2d_1$$

$$A = \frac{\pi d^2}{4} \Rightarrow A_2 = 4A_1 \Rightarrow A_1 = \frac{A_2}{4}$$

Aplicando a segunda lei de Ohm, obtemos

$$R_1 = \frac{\rho L_1}{\frac{A_2}{4}} \Rightarrow R_2 = 8 \frac{\rho L_2}{A_2} \Rightarrow R_1 = 8 R_2 \Rightarrow$$

$$R_2 = \frac{R_1}{8} \Rightarrow R_2 = \frac{12}{8} = 1,5\Omega$$

### 07 - (UFU)

**Gab:** a)  $x = 96 \text{ KJ}$    b)  $P = 480 \text{ W}$    c)  $i = 4\text{A}$    d)  $R = 30\Omega$

#### Resolução

**a)**  $Q = m c \Delta \theta = 300 \cdot 1(100 - 20)$

$$Q = 300 \cdot 80 = 24000 \text{ cal} \Rightarrow$$

$$Q = 24.000 \cdot 4 = 96 \text{ KJ}$$

**b)**  $P = \frac{E}{t} = \frac{9.6000}{200} \Rightarrow P = 480\text{W}$

**c)**  $P = U i \Rightarrow i = \frac{P}{U} = \frac{480}{120} \Rightarrow i = 4 \text{ A}$

**d)**  $U = R i \Rightarrow R = \frac{U}{i} = \frac{120}{4} \Rightarrow R = 30 \Omega$

### 08 - (Unicamp)

**Gab:** a)  $100\text{W}$    B)  $0,77 \text{ A}$    C)  $169\Omega$

#### Resolução:

**a)**  $P = 100\text{W}$ , valor tirado do gráfico.

**b)**  $P = U i \Rightarrow i = \frac{P}{U} = \frac{100}{130} \Rightarrow i = \frac{10}{13} \text{ A ou } 0,77\text{A}$

### 09 - (UFPE)

**Gab:**  $12 \text{ A}$

#### Resolução:

Os dois Resistores a direita ( ligados entre A e C ) estão ligados em paralelos

$$R_{AC} = \frac{4 \cdot 2}{4+2} = \frac{4}{3} \Omega$$

$R_{AC}$  está em série com o resistor ligado entre B e C, logo, a resistência equivalente final, vale:

$$R_{eq} = \frac{4}{3} + 2 = \frac{4+6}{3} \Rightarrow R_{eq} = \frac{10}{3} \Omega$$

A corrente que passa pelo gerador é:

$$U = R \cdot i$$

$$120 = \frac{10}{3} i \Rightarrow i = 36\text{A}$$

A ddp do resistor que está ligado entre B e C é:

$$U_{BC} = R i = 2 \cdot 36 = 72\text{V}$$

Então, a d.d.p. do resistor de  $4\Omega$ , vale:

$$U_{AC} = 120 - 72 = 48\text{V}$$

Logo,  $48 = 4 \cdot I_A$

$$I_A = 12 \text{ A}$$

### 10 - (UFLA - MG)

**Gab:** a) 4 A    b) 1,6 A    c)  $L_3$  ( $P_{OT} = R \cdot i^2 = 320 \text{ W}$ )

#### Resolução

**a)** As lâmpadas  $L_1$  e  $L_2$  estão em paralelos, dando uma resistência equivalente de:

$$R' = \frac{20 \cdot 30}{20 + 30} = 12 \Omega$$

As lâmpadas  $L_4$  e  $L_5$ , também, estão em paralelos equivalendo uma única lâmpada de Resistência igual a:

$$R' = \frac{10}{2} = 5 \Omega$$

As resistências  $R'$ ,  $R''$  e  $L_3$  estão em série.

A resistência equivalente da associação vale:

$$R_{eq} = 12 + 5 + 20 = 37 \Omega$$

Logo, a corrente total do circuito vale:

$$U = Ri \Rightarrow i = \frac{U}{R} = \frac{148}{37} = 4 \text{ A}$$

**b)**  $U_1 = U_2$  (ddp comum às lâmpadas  $L_1$  e  $L_2$ )

$$R_1 i_1 = R_2 i_2 \Rightarrow 20 i_1 = 30 i_2 \Rightarrow i_1 = \frac{3}{2} i_2, \text{ ainda, temos:}$$

$$I = i_1 + i_2 \Rightarrow 4 = 1,5 i_2 + i_2 \Rightarrow 4 = 2,5 i_2 \Rightarrow i_2 = 1,6 \text{ A}$$

**c)**  $P = R i^2$

$$P_1 = 20(4 - 1,6)^2 = 20 \cdot 2,4^2 = 115,2 \text{ W}$$

$$P_2 = 30 \cdot 1,6^2 = 76,8 \text{ W}$$

$$P_3 = 20 \cdot 4^2 = 320 \text{ W}$$

$$P_4 = P_5 = 10(2)^2 = 40 \text{ W}$$

A lâmpada que apresenta maior luminosidade é  $L_3$ ,

### Módulo 11

#### 01 - (UFTM)

**Gab:** D

#### Resolução:

$$\text{A equação do gerador} \Rightarrow U = \varepsilon - ri$$

$$\text{A chave desligada.} \Rightarrow I = 0 \Rightarrow U = \varepsilon = 1,68 \text{ V}$$

$$\text{A chave ligada} \Rightarrow U = Ri \Rightarrow 1,5 = 250 i \Rightarrow i = \frac{15}{2500} = \frac{3}{500} = 6 \cdot 10^{-3} \text{ A}$$

Usando a equação do gerador, obtemos:

$$U = \varepsilon - ri \Rightarrow 1,5 = 1,68 - r \cdot 6 \cdot 10^{-3} \Rightarrow 0,18 = 6 \cdot 10^{-3} r \Rightarrow r = \frac{18 \cdot 10^{-2}}{6 \cdot 10^{-3}} = 30 \Omega$$

**02**

**Gab:D**

Resolução

Com a chave aberta, o voltímetro mede a tensão, que é de 50 V, do resistor de 100Ω a sua esquerda, aplicando a 1ª lei de Ohm, obtemos:

$$U = R i \Rightarrow 50 = 100 \cdot i \Rightarrow i = \frac{50}{100} = 0,5 \text{ A}$$

Com a chave aberta, os dois resistores de 100Ω estão em série, o valor da fem  $\varepsilon$  é obtido aplicando lei de Ohm - Pouillet .

$$i = \frac{\varepsilon}{r + R_{eq}} \rightarrow 0,5 = \frac{\varepsilon}{0 + 200}$$

$$\therefore \varepsilon = 100V$$

Fechando a chave, o resistor de 100Ω da esquerda fica em curto, agora, o voltímetro não indica ddp . Aplica-se , novamente, a lei de Ohm – Pouillet, obteremos a leitura do amperímetro.

$$i = \frac{\varepsilon}{r + R_{eq}} = \frac{100}{0 + 100}$$

$$\therefore i = 1A$$

Cálculo da capacitância. Como se trata de um capacitor plano, a sua capacitância é dado por:

$$C = \frac{\varepsilon_0 A}{d} = \frac{9 \cdot 10^{-12} \cdot 4 \cdot 10^{-4}}{d}$$

Cálculo de d, com a chave aberta ou fechada a ddp do capacitor é sempre 100 V.

O campo elétrico entre as placas de um capacitor plano é uniforme, obtemos d através da equação:

$$U = E \cdot d \Rightarrow 100 = 1 \cdot 10^5 \cdot d \Rightarrow d = 10^{-3} \text{ m}$$

Então, a capacitância vale :

$$C = \frac{9 \cdot 10^{-12} \cdot 4 \cdot 10^{-4}}{d} = \frac{9 \cdot 10^{-12} \cdot 4 \cdot 10^{-4}}{10^{-3}} = 3,6 \cdot 10^{-12} \text{ F ou } 3,6 \text{ pF}$$

**03 - (UFU)**

**Gab: e**

Resolução:

a ( F ) Falsa. Aplicando a segunda lei de Ohm – Pouillet nas duas situações ,temos:

$$i_1 = \frac{\varepsilon}{R+r_1} \quad (1) \quad \text{e} \quad i_2 = \frac{\varepsilon}{R+r_2} \quad (2)$$

Comparando ( 1 ) e ( 2 ), temos

Se  $r_1 \neq r_2 \Rightarrow i_1 \neq i_2$

B ( F ) Falsa.  $U = R i \Rightarrow i = \frac{U}{R}$  ( U e i são proporcionais ). Como  $R_1 = R_2 = R$  , se  $i_1 \neq i_2 \Rightarrow U_1 \neq U_2$

C ( F ) Falsa .  $P = R i^2$  . Se  $i_1 = i_2 \Rightarrow r_1 = r_2 \Rightarrow P_1 = P_2$

D ( F ) Falsa .Podem ser iguais

E ( V ) Verdadeira .Se  $i_1 > i_2$  ,  $i_1 = \frac{\varepsilon}{R+r_1}$  e  $i_2 = \frac{\varepsilon}{R+r_2}$  . Conclui – se que:  $r_1 < r_2$

#### 04 - (UFMG )

**Gab: d**

Resolução:

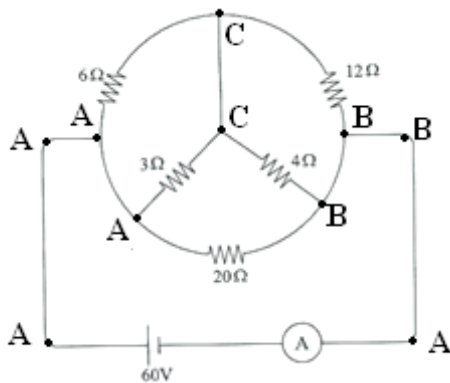
Chave S aberta:  $I = \frac{\varepsilon}{2R}$  ( lei de Ohm – Pouillet e os resistores em série )

Chave fechada,  $2R$  em paralelo com  $R$  e aplicando a lei de Ohm – Pouillet , obtem-se:  $R_{eq} = \frac{2R \cdot R}{2R+R} = \frac{2}{3}R$  e  $i = \frac{\varepsilon}{\frac{2}{3}R} = \frac{3\varepsilon}{2R} \Rightarrow i' = 3i$

#### 05 - (UFTM)

Gab:15A

**Resolução:**



Os resistores de  $6\Omega$  e  $3\Omega$  estão em paralelos ( ligados entre os mesmos pontos A e C, portanto têm a mesma ddp), bem como, os resistores de  $12\Omega$  e  $4\Omega$  estão em paralelos ( ligados entre B e C ).

$$R_{AC} = \frac{3 \cdot 6}{3+6} = \frac{18}{9} \Rightarrow R_{AC} = 2\Omega \quad (\text{Resistência equivalente entre A e C})$$

$$R_{BC} = \frac{12 \cdot 4}{12+4} = \frac{48}{16} \Rightarrow R_{BC} = 3\Omega \quad (\text{Resistência equivalente entre B e C})$$

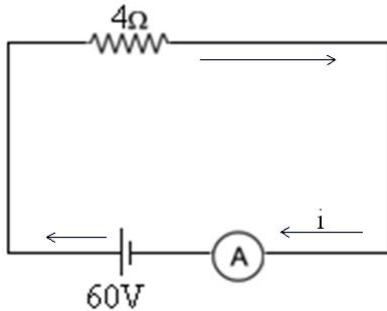
Agora,  $R_{AC}$  e  $R_{BC}$  estão em série.

$$R' = 2 + 3 = 5 \Omega$$

$R'$  e o resistor de  $20 \Omega$  estão em paralelo.

$$R_{eq} = \frac{5 \cdot 20}{5 + 20} = \frac{100}{25} \Rightarrow R_{eq} = 4 \Omega \text{ (Resistência equivalente da associação)}$$

Finalmente, resulta em um circuito em série.



De acordo com a lei de Ohm – Pouillet, temos:

$$\varepsilon = R_{eq} i \Rightarrow i = \frac{\varepsilon}{R_{eq}} = \frac{60}{4} \Rightarrow i = 15A$$

**06 - (FMJ SP)**

**Gab: C**

**Resolução:** No no primeiro circuito, de acordo a lei de Ohm-Pouillet, temos:

$$I = \frac{\varepsilon}{R_{total}} \text{ (circuito em série)}$$

$$2,4 = \frac{120}{R_1 + R_2} \Rightarrow R_1 + R_2 = 50 \text{ (1)}$$

No segundo circuito,  $R_1$  e  $R_2$  estão em paralelos, onde a resistência equivalente vale:

$$R = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$$

Aplicando a lei Ohm Pouillet,

$$I = \frac{\varepsilon}{R} \Rightarrow 10 = \frac{120}{\frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}} \Rightarrow \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} = 12 \Rightarrow R_1 R_2 = 600 \text{ (2)}$$

Jogando equação (1) na equação (2), encontramos:

$$R_1 (50 - R_1) = 600 \Rightarrow R_1^2 - 50 R_1 + 600 = 0 \text{ ( equação do segundo grau )}$$

$$R_1 = \frac{50 \pm \sqrt{2500 - 2400}}{2}$$

$$R_1 = \frac{50 \pm 10}{2} \Rightarrow R_1 = 30\Omega \text{ ou } R_1 = 20\Omega$$

Levando os valores de  $R_1$  na equação (1), obtemos os valores de  $R_2$

Logo,  $R_2 = 20\Omega$  ou  $R_2 = 30\Omega$

**07 - (UFRJ)**

**Gab: a)  $0,30\Omega$  b)  $0,75 A$**

**Resolução:**

a) Quando a corrente é nula a resistência  $R$  é infinita e a voltagem é exatamente igual à fem  $\varepsilon$ , ou seja,  $\varepsilon = 1,5V$ . Quando a corrente no circuito é  $1,0A$  a queda no potencial ( ddp ou voltagem ) é  $1,2V$ .

Usando a equação do gerador,  $V = E - r \cdot i$ , encontramos a sua resistência interna :

$$1,5 = 1,2 - r \cdot 1 \Rightarrow r = 0,3\Omega$$

B ) Aplicando a lei de Ohm – Pouillet, encontramos a indicação do amperímetro.

$$\varepsilon = (R + r_i)I. \text{ A corrente é, então, } I = \frac{1,5}{1,7 + 0,3} = 0,75A.$$

### 08 - (Ita)

**Gab:** 50 A

Resolução:

O voltímetro indica a tensão no gerador e no farol. Dado que as leituras para o farol são  $12V$  e  $10A$ , concluí-se ,pela primeira lei de Ohm, que a resistência do farol é  $R = U/i = 12/10 = 1,2 \Omega$ .

$$U = \varepsilon - r i \text{ ( equação do gerador ) } \Rightarrow 12 = \varepsilon - 10 \cdot 0,05 \Rightarrow \varepsilon = 12 + 0,5 = 12,5V$$

$$U = R i \Rightarrow U_F = U_M = U_G = R_{FIF} = 1,2 \cdot 8 = 9,6V$$

$$\text{Da equação do gerador, temos } 9,6 = 12,5 - 0,05i \Rightarrow i = \frac{2,9}{0,05} = 58A \Rightarrow$$

$$I_M = 58 - 8 = 50A$$

### 09 – (UFU)

Resolução

A ) Os dois resistores de resistência  $2,5\Omega$  cada um, estão em série . Logo , a resistência equivalente ,  $R_1$  , vale :

$$R_1 = 2,5 + 2,5 = 5\Omega .$$

Agora,  $R_1$  está em paralelo com  $R$  . Então ,a resistência equivalente do circuito vale :

$$R_{EQ} = \frac{R \cdot R_1}{R + R_1} = \frac{5R}{5 + R}$$

$$B ) E = P t = \frac{U^2}{R} t \Rightarrow 10^5 = \frac{(100)^2}{\frac{5R}{5+R}} \cdot 10 \Rightarrow \frac{5 \cdot R}{5 + R} = 1 \Rightarrow 5R = 5 + R \Rightarrow R = 1,25 \Omega .$$

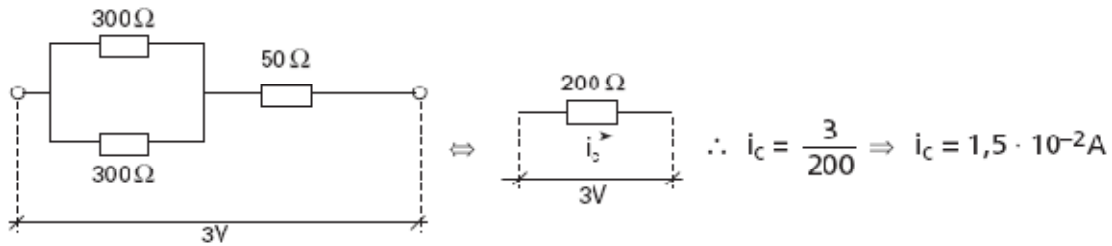
### 10 - (Unicamp)

Resolução:

a) Nas condições de condução do transistor,  $V_{be} = 0,7V$ .

$$\text{Logo: } 0,7 = 1000 \cdot i \Rightarrow i = 7 \cdot 10^{-4}A.$$

b) Cálculo da corrente de coletor:



Isto é,  $i_c = 15\text{mA}$  e como  $i_b = 0,3\text{mA}$ :

$$G = \frac{i_c}{i_b} = \frac{15}{0,3} \Rightarrow G = 50$$

## Módulo 12

### **01 - (Mackenzie SP)**

**Gab:** B

Resolução:

Chave aberta :

Cálculo da resistência de cada lâmpada.

$$P = \frac{U^2}{R} \Rightarrow R = \frac{U^2}{P} \Rightarrow R = \frac{1^2}{0,5} = 2\Omega$$

Aplicado a lei de Ohm Pouillet para o circuito em série:

$$I = \frac{\varepsilon}{3R+2r} \Rightarrow 0,3 = \frac{\varepsilon}{6+2r} \Rightarrow 1,8 + 0,6r = 3 \Rightarrow 0,6r = 1,2 \Rightarrow r = 2\Omega$$

Com a chave fechada , temos:

$$I' = \frac{3}{6+2} = \frac{3}{8} = 0,375 \text{ A ou } 375\text{mA}$$

### **02 - (ITA-SP)**

**Gab:** D

Resolução:

As duas pilhas estão em série.  $R_1$  e  $R_2$  em paralelo e em série com  $R_3$ .

As duas pilhas equivale uma pilha de fem E igual :

$$E = 1,5 + 1,5 = 3 \text{ V}$$

Cálculo da Resistência equivalente:

$$R_{eq} = \frac{1 \cdot 1}{1+1} + 2 \Rightarrow R_{eq} = 0,5 + 2 \Rightarrow R_{eq} = 2,5\Omega$$

Cálculo da leitura do amperímetro ideal ( resistência nula). Aplicando a lei de Ohm Pouillet,

$$\text{encontramos: } i = \frac{\varepsilon}{R_{total}} = \frac{3}{2,5} \Rightarrow i = \frac{30}{25} = 1,2\text{A}$$

Calculo da leitura do voltímetro.

$$U = R_3 i = 2,1,2 = 2,4V$$

### 03 - (UFRN RN)

**Gab:** C

#### Resolução

Temos 5000 eletroplacas ( geradores) em série, o que equivale uma única eletroplaca, equivalente de:

$$E = 5000 \varepsilon = 5000 \cdot 0,5 = 750V$$

$$E \text{ a resistência interna equivalente é igual a : } r' = nr = 5000 \cdot 0,25 = 1250 \Omega$$

Agora , temos 140 eletroplacas idênticas em paralelo:

$$\varepsilon_{eq} = \varepsilon' = 750V \text{ e } r_{eq} = \frac{r'}{n} = \frac{1250}{140} = \frac{125}{14} \Rightarrow r_{eq} = 9\Omega$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R+r} \text{ (lei de Ohm Pouillet)} \Rightarrow I = \frac{750}{9+800} \Rightarrow I = \frac{750}{809} \Rightarrow i = 0,92 \text{ A.}$$

### 04 - (Unifesp SP)

**Gab:** E

#### Resolução :

##### Situação 1

A ddp de cada lâmpada é de 12V

##### Situação 2

( pedaço de fio condutor sobre o circuito entre as lâmpadas 3 e 4 )

A ddp de cada lâmpada continua 12V, como não foi alterado os valores nominais de cada lâmpada, logo, as lâmpadas continuam com seus brilhos normais.

### 05 - (Uerj)

**Gab:**A

#### Resolução:

Calculo da resistência da Lâmpada

$$P = \frac{U^2}{R} \Rightarrow R = \frac{U^2}{P} = \frac{3^2}{0,6} = \frac{9}{0,6} = \frac{90}{6} = 15\Omega$$

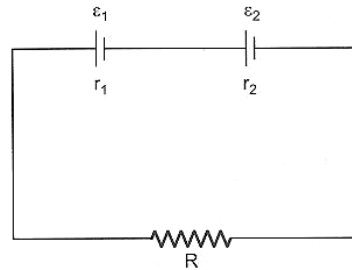
$U = \varepsilon - r i$  ( equivalente característica de um gerador)

Cálculo da ddp que a lâmpada está submetida quando ligada as pilhas

$$U = R i \Rightarrow 2,5 = 15i \Rightarrow i = \frac{2,5}{15} = \frac{1}{6} \text{ A}$$

Da equação do gerador, temos:

$$\varepsilon - r i = U \Rightarrow r = 1,5 \Omega$$



**06 - (Mackenzie)**

**Gab: b**

**Resolução:**

A primeira bateria estará em curto – circuito, logo:  $i_1 = 0$

Aplicando a lei de Ohm – Pouillet, encontramos:

$$\varepsilon_2 = (r_2 + R) i_2 \Rightarrow 2r_1 = r_1 + r_2 + R \Rightarrow R = r_1 - r_2$$

**07 - (Fuvest)**

**Gab: b**

**Resolução:**

A ddp do resistor horizontal é nula, logo  $i_1 = 0$  (1ª lei de Ohm)

As duas pilhas da esquerda estão ligadas em série equivalendo uma pilha de 2V,

bem como, as duas pilhas da direita, também, estão em série. Resultando em 2 pilhas em paralelo de 2V cada. Portanto, a pilha equivalente da associação tem  $\varepsilon = 2V$ . De acordo com a lei de Ohm – Pouillet, temos:  $i_2 = \frac{2}{R}$ .

**08 - (Unioeste PR)**

**Gab: 16**

**Resolução**

Aplicando a lei de Ohm- Pouillet, temos,

$$I = \frac{\varepsilon}{R + r} \Rightarrow 12 + 3r = 60 \Rightarrow 3r = 48 \Rightarrow r = 16\Omega.$$

**09**



Resolução:

Os Resistores  $R_2$  e  $R_3$  estão em paralelos , então, equivale uma resistência

$$R' = \frac{5 \cdot 15}{20} = \frac{15}{4} \Omega$$

Aplicando a lei de Ohm-Pouillet ( circuito em série ) , temos .

$$I = \frac{E-E'}{R_{total}} \Rightarrow 0,4 = \frac{V_2-2}{R_t} \Rightarrow V_2 - 2 = R_t i \Rightarrow V_2 = 2 + \left(6 + \frac{15}{4}\right) \cdot 0,4 \Rightarrow V_2 = 5,9V$$

$$\text{Calculo de } V_B - V_A = -2 \cdot 0,4 + 5,9 - 4 \cdot 0,4 \Rightarrow V_B - V_A = 3,5V$$

**02 - (UNIFOR CE)**

**Gab:** E

Resolução

- a) Falsa ,  $U = E_1 - R_1 i_1$ , como  $U = E_2 \Rightarrow 10 = 20 - 2i_1 \Rightarrow 10 = 2i_1 \Rightarrow i_1 = 5A$
- b) Falsa,  $E_2 = U = R_2 i_2 \Rightarrow 10 = 5 \cdot i_2 \Rightarrow i_2 = \frac{10}{5} = 2A$
- c) Falsa,  $V_A - V_B = E_2 = 10V$
- d) Falsa,  $P_1 = R_1 i_1^2 \Rightarrow P_1 = 2 \cdot 5^2 = 2 \cdot 25 = 50W$
- e) Verdadeira,  $P_2 = R_2 i_2^2 = 5 \cdot 2^2 = 5 \cdot 4 = 20W$

**03 - (UEM PR)**

**Gab:** A

Resolução:

- a) Verdadeira O elemento de maior força eletromotriz é, obrigatoriamente, gerador, logo, de acordo com a lei de Ohm – Pouillet, obtemos a corrente que passa pelo resistor:  
 $i = \frac{18-9}{9} = 1A$  , e sai do polo positivo do gerador, portanto no sentido anti-horário

**04 - (ITA SP)**

**Gab:** D

Resolução:

Aplicando a lei de Ohm-Pouillet, temos:

$$i = \frac{\varepsilon - \varepsilon'}{R_{total}} = \frac{18-6}{2+1} \Rightarrow i = \frac{12}{3} = 4 A .$$

$$\text{Calculo de } V_a - V_b = -2 \cdot 4 + 18 \Rightarrow V_a - V_b = -8 + 18 \Rightarrow V_a - V_b = 10V$$

**05 - (UFRGS)**

**Gab:** E

Resolução:

Com a chave C aberta, a ddp de cada lâmpada é de 12V.

Com a chave C fechada, a ddp de cada lâmpada continua 12V. Portanto, a potência dissipada,  $P = \frac{U^2}{R}$ , em cada lâmpada continua a mesma, logo o brilho não se altera (brilho é proporcional a potência dissipada).

**06**

**Gab: B**

Resolução

O rendimento do receptor é obtido através da equação:

$$\eta = \frac{P_{\text{UTIL}}}{P_{\text{TOTAL}}} = \frac{E'}{U}$$

De acordo com o gráfico, temos:

$$E' = 0,4 \cdot 30 = 0,3 \cdot 40 = 12V$$

Pela lei de Ohm – Pouillet, encontramos a corrente que circula no circuito.

$$I = \frac{E - E'}{R_{\text{total}}} = \frac{36 - 12}{4 + 1 + 3} = \frac{24}{8} = 3 \text{ A}$$

O voltímetro indica a ddp que gerador lança ao circuito externo. Através da equação do gerador, obtemos a leitura do voltímetro.

$$U = E - r \cdot i \Rightarrow \square = 36 - 4 \cdot 3 = 36 - 12 = 24 \square$$

**07 – (UFU)**

Gab: a) 400W b) 205□ c) 5W

Resolução:

**a)**  $P = R i^2$

Cálculo da corrente que passa pela lâmpada

De acordo com a lei de Ohm – Pouillet, temos:

$$\square = \frac{\square}{\square + \square} = \frac{220}{100 + 10} = \frac{220}{110} \Rightarrow i = 2 \text{ A}$$

$$\text{Logo, } P = R i^2 = 100 \cdot 2^2 \Rightarrow P = 100 \cdot 4 = 400W$$

**b)**  $P_4 = \square \square \Rightarrow$  Cálculo da corrente que passa pelo motor. Aplicando a lei de Ohm - Pouillet, encontramos:

$$\square = \frac{\square - \square'}{\square + \square'} = \frac{220 - 205}{10 + 5} \Rightarrow \square = \frac{15}{15} = 1A$$

$$\text{Então, } P = \square \square \Rightarrow \square = 205 \cdot 1 \Rightarrow \square = 205 \square$$

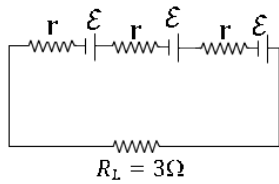
**c)**  $P = r' i^2 = 5 \cdot 1^2 = 5W$

**08 - (UMC-SP)**

Gab: a)  $0,5\Omega$  b)  $\frac{1}{3} \square$

Resolução:

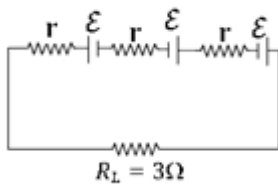
a) Montagem I



Aplicando a lei de Ohm – Pouillet, obtemos:

$$\square = \frac{\square \square}{\square + \square \square} \Rightarrow \frac{1 - 3 \cdot 1,5}{3 + 3 \square} \Rightarrow 3 + 3 \square = 4,5 \Rightarrow 3 \square = 1,5 \square \Rightarrow \square = 0,5 \Omega$$

b) Montagem II

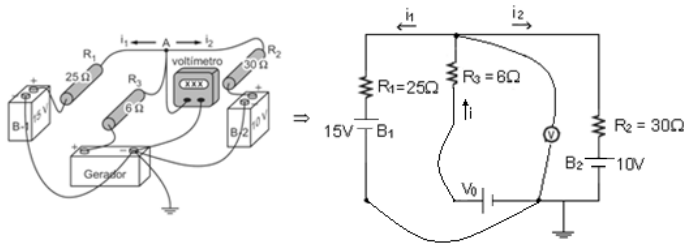


$$\square = \frac{2 \square - \square}{3 \square + 3} \Rightarrow \square = \frac{\square}{3 \square + 3} \Rightarrow \square = \frac{1,5}{1,5 + 3} \Rightarrow i = \frac{1,5}{4,5} = \frac{1}{3} \square$$

09 - (FUVEST SP)

Gab: a)  $i = 1,0 \text{ A}$     b)  $V_A = 40 \text{ V}$     c)  $V_0 = 52 \text{ V}$

Resolução:



- a)  $25 \cdot i_2 + 15 = 30 i_2 + 10 \Rightarrow 25 i_2 + 15 = 30 i_2 + 10 \Rightarrow 5 i_2 = 5 \Rightarrow i_2 = 1 \text{ A}$
- b)  $V_A - 0 = V_A = 30 i_2 + 10 = 30 \cdot 1 + 10 = 40 \text{ V}$
- c)  $V_0 = V_A + R_3 i = 40 + 8 \cdot 1 = 48 \text{ V}$   
 Onde,  $i = i_1 + i_2 = 1 + 1 = 2 \text{ A}$

10 - (Fuvest)

Gab: a)  $0,2 \text{ A}$     b)  $0,2 \text{ m}$

Resolução:

a) Com a chave S aberta, temos:

$$\square = \square = 12 \square$$

Com a chave S fechada, a leitura do voltímetro é de 2V.

$$U = R \cdot I \Rightarrow 2 = 10 \cdot I \Rightarrow I = 0,2 \text{ A}$$

b)  $T = P \sin 30^\circ = Mg \sin 30^\circ = 10 \cdot 10 \cdot \frac{1}{2} = 50\text{N}$

$W = Pt$  (trabalho do Motor)

$W = E_g - E_R$  → energia que o motor recebe.

$E_M = Pt = E_g - E_R = \rho \rho \rho - \rho i^2 t \Rightarrow$

$E_M = 12 \cdot 0,2 \cdot 10 - 10 \cdot (0,2)^2 \cdot 10 = 24 - 4 = 20\text{J}$

## Módulo 14

### 01 - (U.F.Lavras-MG)

**Gab:b**

Resolução : Temos uma ponte de Wheatstone em equilíbrio.

Os resistores R e X, estão em paralelo, tendo como resistência equivalente  $R_1$ , obtem- se:

$$R_1 = \frac{\rho \cdot \rho}{\rho + \rho}$$

Como trata-se de uma ponte em equilíbrio, temos que o produto em cruz é igual.

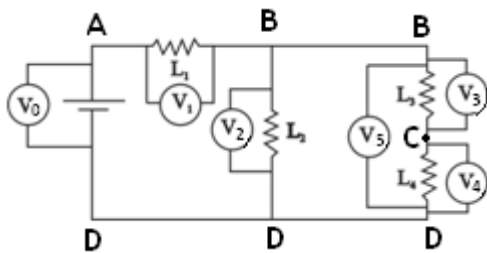
$$300 \cdot \frac{\rho \cdot \rho}{\rho + \rho} = 150 \cdot R$$

$$\frac{2\rho}{\rho + \rho} = 1 \Rightarrow 2\rho = \rho + \rho \Rightarrow \rho = \rho$$

### 02 - (FMJ SP)

**Gab: C**

Resolução:



De acordo com o texto, os voltímetros são ideais (não interferem no circuito)

O gerador está ligado entre A e D, portanto  $V_0 = V_A - V_D \Rightarrow V_0 = V_1 + V_2$  (1)

Da figura temos :  $V_2 = V_5 = V_3 + V_4$  (2)

Comparando (1) e (2), temos:  $V_0 = V_1 + V_5$

### 03 - (UNIFOR CE)

**Gab: D**

Resolução

Cálculo da resistência equivalente

$R_1$  e  $R_2$  em paralelo e em série com  $R_4$

$$R' = \frac{30 \cdot 20}{50} + 8 = 12 + 8 = 20 \Omega$$

$R'$  e  $R_1$  estão em paralelos

$$R_{eq} = \frac{20 \cdot 5}{25} = 4 \Omega$$

Aplicando a lei de Pouillet, encontramos a leitura do amperímetro  $A_1$

$$i_1 = \frac{E}{R_{eq} + R_1} = \frac{20}{4 + 16} \Rightarrow i_1 = \frac{20}{20} = 1 \text{ A}$$

Cálculo da leitura do amperímetro  $A_2$ .

$$U = \varepsilon - r i \Rightarrow U = 20 - 1 \cdot 4 = 20 - 4 \Rightarrow U = 16 \text{ V}$$

$$U = R_1 i' \Rightarrow 16 = 5 i' \Rightarrow i' = 3,2 \text{ A}$$

$$i'' = 4 - 3,2 = 0,8 \text{ A} \Rightarrow 30 i_2 = 20 i_3 \Rightarrow 3 i_2 = 2 i_3 \Rightarrow i_3 = \frac{3}{2} i_2$$

$$\text{Mas, } i_2 + i_3 = 0,8 \Rightarrow i_2 + \frac{3}{2} i_2 = 0,8 \Rightarrow 2 i_2 + 3 i_2 = 1,6 \Rightarrow 5 i_2 = 1,6 \Rightarrow i_2 = \frac{1,6}{5} = 0,32 \text{ A}$$

#### 04 - (UFU)

**Gab:** B

#### Resolução:

$$R_{eq} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} \quad (R_1 \text{ e } R_2 \text{ estão em paralelo})$$

Aplicando a lei de Ohm – Pouillet, obtemos:

$$I_A = \frac{E}{R_{eq} + r}, \quad R_{eq} = \text{constante e } r = \text{constante, mas a } R_{eq} \text{ (resistência externa total) diminui, portanto } I_A \text{ a corrente lida no amperímetro aumenta.}$$

Da equação do gerador, temos

$$U = V = \varepsilon - r i, \text{ onde } \varepsilon = \text{constante, } r = \text{constante e como } i \text{ aumenta, conclui-se que } V \text{ diminui.}$$

A potência elétrica total dissipada é dado por :

$$P =$$

$$\frac{\varepsilon^2}{R_{eq} + r} = \frac{\varepsilon^2}{R_{eq} + r}$$

, portanto a potência elétrica dissipada (energia térmica) aumenta, então a temperatura da água aumenta.

#### 05 - (ITA)

**Gab:** e

#### Resolução:

$$8 \cdot 10 = R_T \text{ e } 80 = 4R_T \Rightarrow R_T = 20\Omega$$

$$80 = 2R'_T \Rightarrow R'_T = 40\Omega$$

$$\Delta R'_T = R'_T \alpha \Delta\theta \Rightarrow \Delta R'_T = 40 - 20 \Rightarrow 20 = 20 \cdot 10^{-3} \Delta\theta \Rightarrow \Delta\theta = 250^\circ\text{C}$$

### 06 - (UFMG)

Gab: C

#### Resolução:

A potência total consumida na parte externa do circuito vale :

$P = 40 + 10 + 30 = 80 \text{ W}$ . Sabemos que a potência dissipada no circuito externo pode ser escrita da seguinte maneira :

$$P = U I \Rightarrow U = \frac{P}{I} = \frac{80}{10} \Rightarrow U = 8 \text{ V.}$$

De acordo com a equação do gerador ,temos :

$$U = \mathcal{E} - r i \Rightarrow 8 = 12 - 10 r \Rightarrow i = 0,4 \text{ A}$$

### 07 – (UFMG)

**Gab:** 1) Pois a pilha é um gerador e a força eletromotriz em ambas é a mesma, portanto a DDP é a mesma porque o circuito está aberto,  $i = 0$ , onde  $U = \mathcal{E} - r i \Rightarrow U = \mathcal{E}$

2) A pilha usada possui uma resistência interna maior.

Aplicando a lei de Ohm-Pouillet, temos:

$I = \frac{\mathcal{E}}{R + r}$ , como  $\mathcal{E} = \text{constante} \Rightarrow i \text{ ( pilha nova)} > i \text{ ( pilha velha)}$ , logo  $r \text{ ( pilha nova)} < r \text{ ( pilha velha)}$

### 08 – (UNIFOR CE)

**Gab:** D

#### Resolução

Cálculo da resistência equivalente

$R_1$  e  $R_2$  em paralelo e em série com  $R_4$

$$R' = \frac{30 \cdot 20}{50} + 8 = 12 + 8 = 20\Omega$$

$R'$  e  $R_1$  estão em paralelos

$$R_{eq} = \frac{20 \cdot 5}{25} = 4\Omega$$

Aplicando a lei de Pouillet, encontramos a leitura do amperímetro  $A_1$

$$i_1 = \frac{\mathcal{E}}{R_{eq} + R_3} = \frac{\mathcal{E}}{4 + 16} \Rightarrow i_1 = \frac{20}{20} = 1 \text{ A}$$

Cálculo da leitura do amperímetro  $A_2$ .

$$U = \varepsilon - ri \Rightarrow U = 20 - 1.4 = 20 - 4 \Rightarrow U = 16V$$

$$U = R_1 i' \Rightarrow 16 = 5i' \Rightarrow i' = 3,2 \text{ A}$$

$$i'' = 4 - 3,2 = 0,8 \text{ A} \Rightarrow 30 i_2 = 20 i_3 \Rightarrow 3 i_2 = 2 i_3 \Rightarrow i_3 = \frac{3}{2} i_2$$

$$\text{Mas, } i_2 + i_3 = 0,8 \quad i_2 + \frac{3}{2} i_2 = 0,8 \Rightarrow 2i_2 + 3i_2 = 1,6 \Rightarrow 5i_2 = 1,6 \Rightarrow i_2 = \frac{1,6}{5} = 0,32 \text{ A}$$

### 09 - (UFTM)

**Gab:** a) 11,25 W    b) 2 A

Resolução:

$$\text{a) } P = U i = R i^2 = \frac{\square^2}{\square} \Rightarrow \square_{\square\square} = \frac{\square}{2} = \frac{1,5}{2} = 1,25 \square \quad \text{e } U_{Bc} = \frac{30}{2} = 15V$$

$$P = U I \Rightarrow P = 15 \cdot 1,25 \Rightarrow P = 11,25W$$

$$\text{b) } \text{Primeira montagem} \Rightarrow \square_{\square\square} = \frac{2\square}{2} = \square$$

$$\text{Segunda montagem} \Rightarrow \square'_{\square\square} = \frac{\square \cdot 3\square}{4\square} = \frac{3}{4}\square$$

Aplicando a lei de Ohm- Pouillet nas duas montagens:

$$\square_1 = \frac{\square}{\square} \Rightarrow 1,5 = \frac{30}{\square} \Rightarrow R = \frac{300}{15} = 20\Omega$$

$$\square_2 = \frac{\square}{\frac{3\square}{4}} = \frac{4\square}{3\square} = \frac{4 \cdot 30}{3 \cdot 20} = 20 \text{ A}$$

### 10 - (UFU)

**Gab:** a) zero    b) 10  $\Omega$     c) 4,5 A

Resolução:

a) Ddp no ramo AB =  $R_{AB} i_{AB} = 0$  ( ponte em equilíbrio)

$$\text{b) } 30 \ell_2 = R_x 3\ell_2 \Rightarrow R_x = 10\Omega$$

c) Cálculo da resistência equivalente ( total).  $R' = R_A + R_x = 30 + 10 = 40\Omega$

$R'' = R_1 + R_2 = 50\Omega$ .  $R'$  e  $R''$  estão ligados em paralelos

$$\square_{\square\square} = \frac{40 \cdot 50}{90} = \frac{200}{9} \Omega$$

Aplicando a lei de Ohm – Pouillet, obtemos a corrente que passa no gerador

$$\square = \frac{\square}{\square_{\square\square\square\square}} = \frac{100}{\frac{200}{9}} = \frac{900}{200} = 4,5 \text{ A}$$

## Módulo 15

### 01 - (Vunesp)

**Gab:** e

Resolução:

Aplicando a lei dos nós ( primeira lei de Kirchhoff), temos:

$I = i_1 + i_2$  ( corrente que passa em R ). Então, a ddp entre P e Q , vale

$$V_P - V_Q = R i = R (i_1 + i_2)$$

### 02 - (Mackenzie-SP)

Gab: B

Resolução:

Vamos usar as leis de Kirchhoff para determinar as correntes no circuito.

Aplicando a lei dos nós, ou seja , escrevendo a equação dos nós, obtemos:

$$I = i_1 + i_2 \Rightarrow i = 5 + i_2 \quad (1)$$

Considerando a malha da esquerda e aplicando a segunda lei de Kirchhoff ( lei das malhas ), adotando o sentido anti-horário, temos:

$$60 - Ri - 4i_1 = 0 \Rightarrow 60 - Ri - 20 = 0 \quad Ri = 40 \quad (2)$$

Aplicando a segunda lei de Kirchhoff na malha da direita, encontramos :

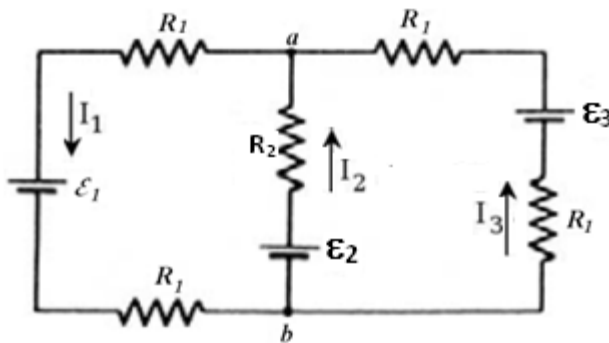
$14 + 2i_2 - 4i_2 = 0 \Rightarrow 2i_2 + 14 - 20 = 0 \Rightarrow 2i_2 = 6 \Rightarrow i_2 = 3A$ . Substituindo o valor de  $i_2$  na equação (1) encontramos o valor de  $i$ , ou seja ,  $i = 5 + 3 = 8 A$  . Levando o valor de  $i$  na equação 2, obtemos R.

$$R \cdot 8 = 40 \Rightarrow R = 5\Omega$$

### 03 - (UEL PR)

Gab: C

Resolução:



De acordo a lei dos nós, temos  $I_2 + I_3 = I_1$  ( 1 )

Aplicando a lei das malhas, tanto na malha esquerda como na malha direita, encontramos:

$$6 + 3I_1 - 12 + 6I_2 + 3I_1 = 0 \Rightarrow 6I_1 + 6I_2 - 6 = 0 \Rightarrow I_1 + I_2 = 1 \quad (2)$$

$$-3I_3 + 12 + 6I_2 - 12 - 3I_3 = 0 \Rightarrow -6I_3 + 6I_2 = 0 \Rightarrow I_3 = I_2 \quad (3)$$

$$\text{Jogando (3) em (1), obtemos : } I_2 + I_2 = I_1 \Rightarrow I_1 = 2I_2 \quad (4)$$

$$\text{Substituindo (4) em (2), obtemos: } 2I_2 + I_2 = 1 \Rightarrow I_2 = \frac{1}{3} A$$

$$I_1 = \frac{2}{3} \text{ A e } I_3 = \frac{1}{3} \text{ A}$$

Vamos seguir o ramo central para encontrarmos  $V_a - V_b$ .

$$V_a - V_b = -R_2 I_2 + \varepsilon_2 \Rightarrow V_a - V_b = -6 \cdot \frac{1}{3} + 12 \Rightarrow V_a - V_b = 10 \text{ V}$$

#### 04 - (UFPEL RS)

**Gab: B**

Resolução:

Potencial elétrico em um ponto traduz a energia potencial elétrica armazenada por unidade de carga colocada nesse ponto.  $\sum \text{ddp}_S = 0$  (malha completa)

#### 05 - (CESESP-PE)

**GAB: C**

Resolução:

Aplicando a segunda lei de Kirchhoff para a malha superior, obtemos a corrente  $i$ :

$$12 - 2i - 2i - 10 \cdot 0,6 - 2i = 0 \Rightarrow 12 - 6 - 6i = 0 \Rightarrow 6i = 6 \Rightarrow i = 1 \text{ A}$$

Logo, de acordo com a lei dos nós, temos  $i = 0,6 + i' \Rightarrow i' = 1 - 0,6 = 0,4 \text{ A}$

$$\text{Então, } U = Ri \Rightarrow 10 \cdot 0,6 = R \cdot 0,4 \Rightarrow R = \frac{60}{4} = 15 \Omega$$

#### 06 - (UFU)

**Gab: B**

Resolução:

A)  $P = Ri^2 = Ui = \frac{U^2}{R}$ .  $P$  depende diretamente de  $U$ , pois  $R$  é constante.

B) Verdadeira  $\Rightarrow \sum I_{\text{chegam}} = \sum I_{\text{saem}}$

C) Falsa  $\Rightarrow$  Há conservação de energia na malha completa.

D) Falsa  $V_C - V_A = \varepsilon$ , portanto diferente de zero

#### 07 - (Fuvest – SP)

**Gab: a) 2 A b) 30s d) 48W**

Resolução:

a) para  $t=0$ , nesta situação,  $R_3$  e  $R_2$  estão em paralelos, logo

$$R = \frac{5 \cdot 20}{20 + 5} = \frac{100}{25} = 4 \Omega$$

$R$  está em série com  $R_1$ , aplicando a lei de Ohm-Pouillet, obtemos  $i_1$ .

$$i_1 = \frac{12}{4+2} = \frac{12}{6} = 2 \text{ A}$$

B ) Aplicando a lei dos nós, temos:  $i_1 = i_2 + i_3$  (1)

Aplicando a segunda lei de Kirchhoff nas malhas da esquerda e da direita, encontramos:

Malha da esquerda

( usando o sentido anti-horário)

$$0,5t - 12 + R_1 i_1 + R_3 i_3 = 0 \Rightarrow 0,5t - 12 + 2i_1 + 5i_3 = 0 \quad (2)$$

$$\text{Malha da direita } -2i_1 + 12 - 20i_2 = 0 \Rightarrow i_1 + 10i_2 - 6 = 0$$

Substituindo (1) em (2), temos:

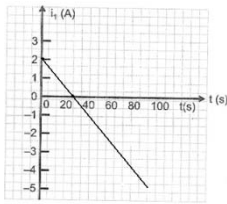
$$0,5t - 12 + 2i_1 + 5(i_1 - i_1) = 0 \Rightarrow 0,5t - 12 + 2i_1 + 5i_1 - 5i_2 = 0 \Rightarrow 0,5t - 12 + 7i_1 - 5i_2 = 0 \quad (4)$$

Multiplicando a equação (4) por 2 e somando membro a membro 4 e 3, obtemos:

$$1t + 24 + 14i_1 - 10i_2 = 0 \quad (4) \Rightarrow t - 30 + 15i_1 = 0 \Rightarrow i_1 = 2 - \frac{t}{15}$$

$$-6i_1 + 10i_2 = (3) \text{ para } i_1 = 0 \Rightarrow i_1 = 2 - \frac{t}{15} \Rightarrow 0 = 2 - \frac{t}{15} \Rightarrow t_0 = 30\text{s}$$

c)  $i_1$  é uma função linear de t



d) para  $t = 90\text{s} \Rightarrow i_1 = 2 - \frac{90}{15} = 2 - 6 = -4$  ( corrente  $i_1$  inverte o sentido) em módulo,  $i_1 = 4\text{A}$ , a bateria B passa ser receptor, portanto recebe potência elétrica

$$P(\text{recebida}) = U_i = 12 \cdot 4 = 48\text{W}$$

## 08 - (UFC CE)

**Gab:** a)  $I_1 = 1\text{A}$ ,  $I_2 = 0,5 \text{ A}$  e  $I_3 = 1,5\text{A}$ .

b)  $V_A - V_B = 8\text{V}$

Resolução:

**a)** Fazendo uso das leis de Kirchhoff determinamos as correntes no circuito acima

Aplicando a lei dos nós ( 1ª lei de Kirchhoff) por exemplo, nó A ,  $I_1 + I_2 = I_3$  ( 1).

Aplicando a segunda lei de Kirchhoff para a malha da esquerda, obtemos:

$$6 + 2I_1 - 4I_2 - 6 = 0 \Rightarrow I_1 = 2I_2 \quad (2)$$

Novamente , aplicando a segunda lei de Kirchhoff para a malha da direita, temos:

$$17 - 6I_3 - 4I_2 - 6 = 0 \Rightarrow 11 + 6I_3 - 4I_2 - 6 = 0 \quad (2)$$

Resolvendo o sistema formado pelas equações (1) , (2) e (3), encontramos:

Jogando (2) em (1) , obtemos;

$$2I_2 + I_2 = I_3 \Rightarrow I_3 = 3I_2 \quad (4)$$

Levando (4) em (3), encontramos  $I_2$ :

$$11 - 6 \cdot 3I_2 - 4I_2 = 0 \Rightarrow 22I_2 = 11 \Rightarrow I_2 = 0,5 \text{ A}$$

Substituindo o valor de  $I_2$  na equação (1), encontramos  $I_3$ .

$$I_3 = I_3 - I_2 = 1,5 - 0,5 = 1 \text{ A}$$

- b)** Para encontrarmos a diferença de potencial  $V_A - V_B$ , vamos, por exemplo, seguir o ramo central do nó A para o nó B.

$$V_A - V_B = +6 + 4 \cdot I_2 = 6 + 4 \cdot 0,5 = 6 + 2 = 8 \text{ V}$$

Qualquer que seja o ramo utilizado para calcular  $V_A - V_B$ , o resultado é o mesmo.

## 09 - (UFRJ RJ)

**Gab:**  $\varepsilon/3$

### Resolução:

A corrente que sai da bateria se reparte em duas partes iguais, de valor  $U = Ri \Rightarrow \varepsilon = 3Ri \Rightarrow i = \varepsilon/(3R)$  pois segue dois caminhos com a mesma resistência  $3R$  e sob a mesma tensão  $\varepsilon$ . Percorrendo o caminho de A até B, pela parte superior, passando, inicialmente, pelo resistor de resistência  $R$  e, depois, pelo de resistência  $2R$ , obtemos:

$$V_A - V_B = R(-i) + 2Ri - Ri$$

Substituindo o valor da corrente, obtemos:  $V_A - V_B = \varepsilon/3$ .

## 10 - (Fuvest - SP)

**Gab:** a) 2 A b) 30s d) 48W

### Resolução:

- b) para  $t=0$ , nesta situação,  $R_3$  e  $R_2$  estão em paralelos, logo

$$R = \frac{5 \cdot 20}{20 + 5} = \frac{100}{25} = 4 \Omega$$

$R$  está em série com  $R_1$ , aplicando a lei de Ohm-Pouillet, obtemos  $i_1$ .

$$i_1 = \frac{12}{4+2} = \frac{12}{6} = 2 \text{ A}$$

- B) Aplicando a lei dos nós, temos:  $i_1 = i_2 + i_3$  (1)

Aplicando a segunda lei de Kirchhoff nas malhas da esquerda e da direita, encontramos:

Malha da esquerda

( usando o sentido anti-horário)

$$0,5t - 12 + R_1 i_1 + R_3 i_3 = 0 \Rightarrow 0,5t - 12 + 2i_1 + 5i_3 = 0 \quad (2)$$

$$\text{Malha da direita } -2i_1 + 12 - 20i_2 = 0 \Rightarrow i_1 + 10i_2 - 6 = 0$$

Substituindo (1) em (2), temos:

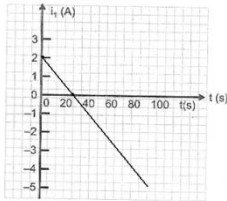
$$0,5t - 12 + 2i_1 + 5(i_1 - i_1) = 0 \Rightarrow 0,5t - 12 + 2i_1 + 5i_1 - 5i_2 = 0 \Rightarrow 0,5t - 12 + 7i_1 - 5i_2 = 0 \quad (4)$$

Multiplicando a equação (4) por 2 e somando membro a membro 4 e 3, obtemos:

$$1t + 24 + 14i_1 - 10i_2 = 0 \quad (4) \Rightarrow t - 30 + 15i_1 = 0 \Rightarrow i_1 = 2 - \frac{t}{15}$$

$$-6i_1 + 10i_2 = (3) \text{ para } i_1 = 0 \Rightarrow i_1 = 2 - \frac{t}{15} \Rightarrow 0 = 2 - \frac{t}{15} \Rightarrow t_0 = 30\text{s}$$

c)  $i_1$  é uma função linear de  $t$



d) para  $t = 90\text{s} \Rightarrow i_1 = 2 - \frac{90}{15} = 2 - 6 = -4\text{A}$  (corrente  $i_1$  inverte o sentido) em módulo,  $i_1 = 4\text{A}$ , a bateria B passa ser receptor, portanto recebe potência elétrica

$$P(\text{recebida}) = U \cdot i = 12 \cdot 4 = 48\text{W}$$

### Módulo 16

01 - (UnB-DF)

Gab: B

Chaves	K	Z	X	Y
Pólos	N	N	S	S ou neutro

Resolução:



Então, K é um polo norte, portanto Z é um polo Norte

02 - (Fatec -SP)

ab: b

Resolução:

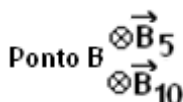
O campo magnético criado por cada corrente Retilínea é dado por:  $B = \frac{\mu \cdot i}{2\pi r}$

No ponto A, temos dois campos magnéticos individuais, um devido a corrente de 5 A e outro devido a corrente de 10 A.



$B_5 = \frac{\mu \cdot 500}{2\pi \cdot 5} = \frac{50\mu}{\pi}$  ;  $B_{10} = \frac{\mu \cdot 1000}{2\pi \cdot 15} = \frac{100\mu}{3\pi}$  . Portanto,  $B_{10} < B_5$  , em A o campo magnético resultante está saindo do papel

No ponto B, o campo magnético total está entrando no papel



No ponto C,



$B_5 = \frac{\mu \cdot 500}{2\pi \cdot 15} = \frac{50\mu}{3\pi}$  ;  $B_{10} = \frac{\mu \cdot 1000}{2\pi \cdot 15} = \frac{100\mu}{\pi}$  , Logo  $B_{10} > B_5$  . Então, o campo magnético resultante está saindo do papel.

### 03 - (Inatel – MG)

Gab: C

#### Resolução:



- I. Verdadeira → A é um polo Sul e B polo Norte, então ocorre atração ( princípio da inseparabilidade dos polos )
- II. Falsa → C é um Sul e D é um Norte, portanto ocorre atração.
- III. Falsa → A é polo Sul e D um norte, logo ocorre atração.

### 04 - (Fuvest-SP)

Gab: e

#### Resolução:

Como a corrente é perpendicular ao plano do papel e saindo do mesmo, o campo magnético é perpendicular à corrente que o gera, então o campo magnético pertence ao plano do papel e o sentido é dado pela regra da mão direita. Logo, o campo do lado esquerdo é vertical para baixo e do lado direito vertical para cima

### 05 - (FURG-RS)

Gab: c

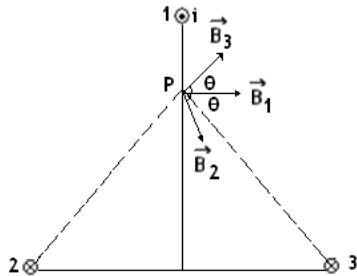
#### Resolução:

A bússola sempre orienta na direção do campo magnético resultante. O campo magnético resultante sai do polo norte da bússola

Lembrar que o campo magnético gerado por uma corrente retilínea é dado por  $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$

$B_2 = B_3$  no ponto P ( as correntes são iguais e equidistantam do ponto P ). Logo o campo

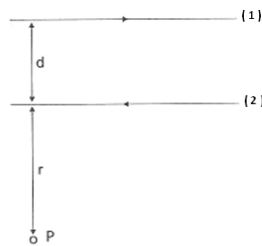
resultante é horizontal para direita



06 - (UFSC)

Gab: a

Resolução:



Em P, temos dois campos magnéticos individuais, porque nas vizinhanças de P passam duas correntes .

$\otimes \vec{B}_1$  ( derivado a corrente do fio1)  
 $\otimes \vec{B}_2$  ( derivado a corrente do fio2)

O campo gerado por uma corrente retilínea é dado por;

$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$

Para o fio 1  $\Rightarrow B_1 = \frac{\mu_0 I}{2\pi d}$

Para o fio 2  $\Rightarrow B_2 = \frac{\mu_0 I}{2\pi r}$

$B_2 > B_1$

$B_R = B_2 - B_1 = \frac{\mu_0 I}{2\pi} \left( \frac{1}{r} - \frac{1}{d} \right) \Rightarrow$

$B_R = \frac{\mu_0 I}{2\pi} \left( \frac{1}{r} - \frac{1}{d} \right) = \frac{\mu_0 I}{2\pi} \left( \frac{d - r}{rd} \right) = \frac{\mu_0 I (d - r)}{2\pi rd}$

$$B_R = \frac{\mu_0 50-2}{2\pi \cdot 10:12} = \frac{5\mu_0}{12\pi}$$

### 07 - (Unimontes – MG)

Gab: a)  $1,5 \cdot 10^{-5}$  T

b) ) B ( resultante em módulo ) = 0

#### Resolução

a) A corrente quando chega em P ,ela divide igualmente, ou seja , cada ramo recebe

1,5 A. Os campos magnéticos gerados pelas duas correntes são iguais em módulos ,mesma direção e sentidos opostos ( correntes no mesmo sentido e a linha tracejada é equidistante das mesmas ) . São dados por :

$$B = \frac{\mu \cdot i}{2\pi \cdot r} = \frac{4 \cdot \pi \cdot 10^{-7} \cdot 1,5}{2 \cdot \pi \cdot 2 \cdot 10^{-2}} \Rightarrow B = 1,5 \cdot 10^{-5} \text{ T}$$

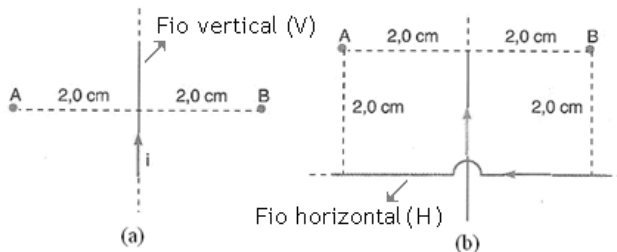
B ) B ( resultante em módulo ) = 0 ( explicado no item a )

### 08 - (Vunesp-SP)

Gab:a) Zero      b) $8 \cdot 10^{-4}$  T

#### Resolução:

A)

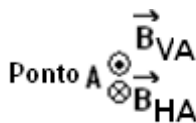


**Cálculo da corrente i :**

$$B = \frac{\mu i}{2\pi r} \Rightarrow i = \frac{2\pi r B}{\mu} \Rightarrow i = \frac{2\pi \cdot 2 \cdot 10^{-2} \cdot 4 \cdot 10^{-4}}{4 \cdot 10^{-7}} \Rightarrow i = 40 \text{ A}$$

Cálculo do campo magnético gerado pela corrente horizontal em A

$$B_{HA} = \frac{\mu_0 i}{2\pi r} \Rightarrow B_{HA} = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 40}{2\pi \cdot 2 \cdot 10^{-2}} \Rightarrow B_{HA} = 4 \cdot 10^{-4} \text{ T}$$

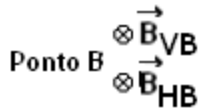


O módulo do campo magnético resultante em A , vale:

$$B_A = B_{VA} - B_{HA} = 0$$

B) Cálculo do campo magnético em B criado pela corrente horizontal

$$B_{HA} = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \Rightarrow B_{HA} = \frac{4\pi \cdot 10^{-7} \cdot 40}{2\pi \cdot 210^{-2}} \Rightarrow B_{HA} = 4 \cdot 10^{-4} \text{T}$$



O módulo do campo magnético resultante vale:

$$B_R = B_{VB} + B_{HB} \Rightarrow B_R \text{ (em B)} = 4 \cdot 10^{-4} + 4 \cdot 10^{-4} \Rightarrow B_R \text{ (em B)} = 8 \cdot 10^{-4} \text{T}$$

### 09 - (UF-MG)

**Gab: a) Para baixo**

**b) 15 A**

#### Resolução:

- a) A corrente  $i_2$  tem de gerar um campo magnético em P de sentido contrário ao campo magnético gerado por  $i_1$ . Como a corrente  $i_1$  gera em P um campo entrando no papel e a corrente  $i_2$  tem de gerar um campo magnético saindo. Logo, o sentido da corrente  $i_2$  é vertical para baixo.
- b) Para que o campo magnético resultante em P seja nulo,  $\vec{B}_1$  e  $\vec{B}_2$  devem ter o mesmo módulo, a mesma direção e sentidos opostos. Logo,

$$B_1 = B_2 \Rightarrow \frac{\mu_0 I_1}{2\pi r_1} = \frac{\mu_0 I_2}{2\pi r_2} \Rightarrow \frac{I_1}{r_1} = \frac{I_2}{r_2} \Rightarrow \frac{I_2 \cdot r_1}{r_2} = I_1 \Rightarrow I_2 = \frac{45.5}{15} = 15 \text{ A}$$

### 10 - (FURG-RS)

**Gab: c**

#### Resolução:

A bússola sempre orienta na direção do campo magnético resultante. O campo magnético resultante sai do polo norte da bússola

Lembrar que o campo magnético gerado por uma corrente retilínea é dado por  $B = \frac{\mu I}{2\pi r}$

$B_2 = B_3$  no ponto P ( as correntes são iguais e equidistam do ponto P ). Logo o campo

resultante é horizontal para direita  $\vec{B}$

